

## MODIFICATION OF LUBOTZKY–PHILLIPS–SARNAK HASH FUNCTION

SUSILA WINDARTA, PETER JOHN, KIKI ARIYANTI SUGENG\*

**Abstract.** Data security is important aspect in information security. Cryptographic hash function can be used to obtain data integrity. Collision resistant is one of important properties of a hash function. Hash function  $f$  is called to satisfied the collision resistant if given a hash value  $f(m)$  then it will difficult to find other value  $m'$  from domain of  $f$  which has a hash value  $f(m')$ , where  $f(m') = f(m)$  and  $m \neq m'$ . In 2008, Tillich-Zemor proved that the hash function of LPS expander graph constructed by Charles-Goren-Lauter does not satisfies collision resistant. To avoid that, as Tilich and Zemor suggestion, the improvement done by transforming the generator set  $S_p$  of hash function to be generator set  $S_p^2$ . This paper gives mathematically verification that the Tillich-Zemor Theorem cannot be applied in the transformation of the hash function constructed by generator set  $S_p^2$ . Moreover, the implementation of the modification of hash function and also its properties are also given.

**Key words.** *hash function, expander graph, LPS hash, collision resistant*

**Abstrak.** Kerahasiaan data merupakan aspek penting dalam kerahasiaan informasi. Fungsi hash kriptografi dapat digunakan untuk integritas data. Ketahanan tumbukan merupakan salah satu sifat penting dari suatu fungsi hash. Suatu fungsi hash  $f$  disebut memenuhi sifat ketahan tumbukan jika diberikan suatu nilai hash  $f(m)$  maka akan sulit untuk mencari nilai  $m'$  dari domain  $f$  yang mempunyai nilai hash  $f(m')$ , dimana  $f(m') = f(m)$  dan  $m \neq m'$ . Di tahun 2008, Tillich-Zemor membuktikan bahwa fungsi hash dari graf ekspander LPS yang dikonstruksi oleh Charles-Goren-Lauter tidak memenuhi sifat ketahanan tumbukan. Untuk mengatasi kekurangan sifat ini maka dilakukan perbaikan, seperti yang disarankan Tillich dan Zemor, dengan melakukan transformasi himpunan generator  $S_p$  dari fungsi hash menjadi himpunan generator  $S_p^2$ . Pada makalah ini diberikan verifikasi matematis bahwa teorema Tillich-Zemor tidak dapat digunakan untuk himpunan generator  $S_p^2$ . Lebih lanjut, implementasi dari modifikasi serta sifat-sifat setelah modifikasi juga diberikan.

**Kata kunci.** *fungsi hash, graf ekspander, hash LPS, ketahanan tumbukan*